

Міністерство освіти і науки України
Відокремлений структурний підрозділ
«Одеський автомобільно-дорожній фаховий коледж
Державного університету «Одеська політехніка»

ЗАТВЕРДЖЕНО

Голова Приймальної комісії

С.В. Мироненко

« 15 » березня 2021 р.



ПРОГРАМА З МАТЕМАТИКИ

**для вступників до відокремленого структурного підрозділу
«Одеський автомобільно-дорожній фаховий коледж
Державного університету «Одеська політехніка»
на основі повної загальної середньої освіти (11 клас) у 2021 році**

Програма з математики для вступників до відокремленого структурного підрозділу «Одеський автомобільно-дорожній фаховий коледж Державного університету «Одеська політехніка» у 2021 році складається з трьох розділів.

Перший з них є переліком основних математичних понять і фактів, якими повинен володіти вступник (уміти правильно їх використовувати при розв'язанні задач).

У другому розділі вказано теореми, які необхідно вміти доводити.

У третьому розділі перелічені основні математичні вміння і навички, якими повинен володіти вступник.

1 Основні математичні поняття і факти

1.1 Арифметика, алгебра і початки аналізу

- Натуральні числа і нуль. Читання і запис натуральних чисел. Порівняння натуральних чисел. Додавання, віднімання, множення та ділення натуральних чисел.

- Подільність натуральних чисел. Дільники і кратні натурального числа. Парні і непарні числа. Ознаки подільності на 2, 5, 3, 9, 10. Ділення з остачею. Прості і складені числа. Розкладання натурального числа на прості множники. Найбільший спільний дільник, найменше спільне кратне.

- Звичайні дроби. Порівняння звичайних дробів. Правильний і неправильний дріб. Ціла та дробова частина числа. Основна властивість дроби. Скорочення дроби. Середнє арифметичне кількох чисел. Основні задачі на дроби.

- Відсотки. Відсоткові розрахунки. Формули простих та складених відсотків.

- Степінь з натуральним, цілим і раціональним показником. Властивості степеня. Арифметичний корінь та його властивості.

- Вирази зі змінними. Раціональні та ірраціональні вирази. Тотожні вирази. Тотожні перетворення виразу. Доведення тотожностей.

- Одночлен і многочлен. Дії над ними. Формули скороченого множення. Корінь многочлена. Розкладання многочленів на множники.

- Поняття функції. Способи завдання функції. Область визначення, область значень функції. Обернена функція. Властивості функцій (парність, непарність, періодичність, монотонність, неперервність).

- Графік функції. Найпростіші перетворення графіків функцій.. Достатня умова зростання (спадання) функції на проміжку. Поняття

екстремуму функції. Необхідна умова екстремуму. Найбільше і найменше значення функції на проміжку.

- Означення і основні властивості функції: лінійної $y = kx + b$, квадратичної $y = ax^2 + bx + c$, степеневі $y = x^n, (n \in \mathbf{Z}), (n \in \mathbf{R})$, оберненої пропорційності $y = \frac{k}{x}$ та $y = \sqrt{x}$, $y = |x|$, показникової $y = a^x, a > 0, a \neq 1$, тригонометричних $y = \sin x, y = \cos x, y = \operatorname{tg} x, y = \operatorname{ctg} x$ (обернені тригонометричні функції), логарифмічної $y = \log_a x, (y = \ln(x))$.

- Синус, косинус, тангенс, котангенс кута. Радіанне вимірювання кутів. Основні співвідношення між тригонометричними функціями одного аргументу. Формули зведення. Формули додавання для тригонометричних функцій та наслідки з них.

- Логарифми та їх властивості. Основна логарифмічна тотожність.

- Розв'язування рівнянь (квадратних, раціональних, ірраціональних, показникових, логарифмічних, рівнянь з модулем).

- Розв'язування нерівностей (квадратних, раціональних, ірраціональних, показникових, логарифмічних, нерівностей з модулем).

- Розв'язування систем рівнянь та нерівностей.

- Використання графічного способу при розв'язуванні рівнянь (нерівностей) та їх систем.

- Арифметична та геометрична прогресії.

- Похідна та її застосування (границя функції в точці; похідна функції, її геометричний і фізичний зміст; правила диференціювання; застосування похідної до дослідження функцій та побудови їхніх графіків).

- Інтеграл та його застосування (первісна та її властивості; визначений інтеграл, його геометричний зміст; обчислення площ плоских фігур, інші застосування інтеграла).

- Розв'язування текстових задач за допомогою систем рівнянь.

- Елементи комбінаторики (комбінаторні правила суми та добутку; перестановки, розміщення, комбінації).

- Теорії ймовірностей і математичної статистики (випадкова подія; відносна частота події; ймовірність події; вибіркові характеристики: розмах вибірки, мода, медіана, середнє значення).

1.2 Геометрія

- Пряма, промінь, ламана, довжина відрізка. Кут, величина кута. Вертикальні та суміжні кути. Паралельні прямі. Рівність і подібність геометричних фігур. Відношення площ подібних фігур.

- Приклади перетворення подібних фігур, види симетрії.
- Вектори, дії над векторами (прямокутні координати в просторі; вектори у просторі; дії над векторами; розкладання вектора на складові; дії над векторами, що задані координатами; формули для обчислення довжини вектора, кута між векторами, відстані між двома точками).
- Многокутник. Вершини, сторони, діагоналі многокутника.
- Трикутник. Медіана, бісектриса, висота трикутника, їх властивості. Види трикутників. Співвідношення між сторонами та кутами прямокутного трикутника. Розв'язування трикутників.
- Чотирикутник: паралелограм, прямокутник, ромб, квадрат, трапеція; їх основні властивості.
- Коло і круг. Центр, діаметр, радіус, хорда, січні кола. Залежність між відрізками у колі. Дотична до кола. Дуга кола. Сектор, сегмент.
- Центральні і вписані кути та їх властивості.
- Формули площ геометричних фігур: трикутника, прямокутника, паралелограма, ромба, трапеції.
- Довжина кола і довжина дуги кола. Радіанна міра кута. Площа круга і площа сектора.
- Площина. Паралельні площини і площини, що перетинаються.
- Паралельність прямої і площини у просторі (основні поняття; аксіоми стереометрії та найпростіші наслідки з них; взаємне розміщення прямих у просторі; паралельне проектування і його властивості; зображення фігур у стереометрії; паралельність прямої та площини; паралельність площин).
- Перпендикулярність прямих і площин у просторі (перпендикулярність прямої і площини; перпендикулярність площин; ортогональне проектування; двогранний кут; вимірювання відстаней у просторі: від точки до прямої, від точки до площини, від прямої до площини, між площинами; вимірювання кутів у просторі: між прямими, між прямою і площиною, між площинами).
- Многогранники. Вершини, ребра, грані, діагоналі многогранника. Пряма і похила призми. Піраміда, Правильна призма і правильна піраміда. Паралелепіеди, їх види.
- Тіла обертання: циліндр, конус, сфера, куля. Центр, діаметр, радіус сфери і кулі. Площина, дотична до сфери.
- Формули площ поверхонь і об'ємів призми, піраміди, циліндра конуса.
- Формули площі поверхні сфери, об'єму кулі та її частин (кульового сегмента і сектора).

2 Основні формули і теореми

2.1 Алгебра і початки аналізу

- Функція $y = kx + b$, її властивості і графік.
- Функція $y = \frac{k}{x}$, її властивості і графік.
- Функція $y = ax^2 + bx + c$, її властивості і графік.
- Арифметичний корінь та його властивості. Тотожність $\sqrt{a^2} = |a|$.
- Формули скороченого множення.
- Формули коренів квадратного рівняння.
- Теорема Вієта.
- Розкладання многочленів на лінійні множники.
- Властивості числових нерівностей.
- Логарифми та їх властивості. Основна логарифмічна тотожність. Логарифм добутку, степеня, частки.
- Функції $y = \sin x, y = \cos x, y = \operatorname{tg} x, y = \operatorname{ctg} x$, означення, властивості і графіки.
- Обернені тригонометричні функції: $\arcsin x, \arccos x, \operatorname{arctg} x, \operatorname{arcctg} x$.
- Розв'язки рівнянь $\sin x = a, \cos x = a, \operatorname{tg} x = b, \operatorname{ctg} x = b$.
- Формули зведення.
- Залежність між тригонометричними функціями одного й того ж аргументу.
- Тригонометричні функції подвійного аргументу.
- Похідна функції, правила (похідна суми, добутку і частки двох функцій) і техніка диференціювання (диференціювання складної функції)
- Таблиця похідних основних елементарних функцій (похідні степеневі, тригонометричних, показникової і логарифмічної функцій).
- Геометричний (рівняння дотичної до графіка функції у точці) і фізичний зміст (швидкість змінення величини в точці).
- Застосування похідної до дослідження функцій та побудови їхніх графіків.
- Сполучення без повторів. Перестановки. Розміщення. Комбінації.
- Ймовірність події.

2.2 Геометрія

- Властивості трикутників.
- Властивості точок, рівновіддалених від кінців відрізка.
- Ознаки паралельності та перпендикулярності прямих.
- Сума кутів трикутника. Сума внутрішніх кутів опуклого багатокутника.
- Ознаки паралелограма.
- Коло, описане навколо трикутника.
- Коло, вписане в трикутник.
- Дотична до кола та її властивість.
- Вимірювання кута, вписаного в коло.
- Ознаки рівності, подібності трикутників.
- Теорема Піфагора, наслідки з теореми Піфагора.
- Теорема косинусів. Теорема синусів.
- Формули площ паралелограма, трикутника, трапеції, квадрата, кола.
- Формула відстані між двома точками площини. Рівняння кола.
- Ознаки паралельності прямої і площини.
- Ознака паралельності площин.
- Теорема про перпендикулярність прямої і площини.
- Перпендикулярність площин.
- Перпендикулярність прямих і площин.
- Паралельність прямих і площин.
- Формули площ поверхонь і об'ємів призми, піраміди, циліндра, конуса, кулі та її частин (кульового сегмента і сектора).

3 Основні вміння і навички

Вступник повинен уміти:

- Виконувати арифметичні дії над натуральними, десятковими і звичайними дробами.
- Виконувати тотожні перетворення многочленів, алгебраїчних дробів, виразів, що містять степеневі, показникові, логарифмічні і тригонометричні функції.
- Будувати і читати графіки лінійної, квадратичної, ступеневої, показникової, логарифмічної та тригонометричних функцій.
- Розв'язувати рівняння і нерівності першого і другого степеня, а також рівняння і нерівності, що зводяться до них; розв'язувати системи рівнянь і нерівностей першого і другого степеня, а також системи рівнянь і

нерівностей, що зводяться до них; найпростіші рівняння і нерівності, що мають степеневі, показникові, логарифмічні і тригонометричні функції, рівняння та нерівності з модулем.

- Розв'язувати задачі за допомогою рівнянь та систем рівнянь.

- Розв'язувати задачі на відсотки, суміші.

- Зображати фігури на площині і виконувати найпростіші побудови на площині.

- Використовувати відомості з геометрії при розв'язанні алгебраїчних задач, а з алгебри і тригонометрії – геометричних задач.

- Виконувати на площині та у просторі операції над векторами (додавання і віднімання векторів, множення вектора на число) і використовувати їх при розв'язанні практичних задач і вправ.

- Розв'язувати задачі на обчислення площ поверхонь і об'ємів, у тому числі прикладного характеру.

- Застосовувати похідну при дослідженні функції на зростання (спадання), на екстремуми, а також для побудови графіків функцій.

- Застосовувати інтеграл для знаходження площ фігур, обмежених лініями.

Рекомендована література:

1 Мерзляк А.Г., Номіровський Д.А., Полонський В.Б., Якір М.С. Алгебра. Підручник для 11 класу. – Харків: Гімназія, 2013.

2 Нелін Є.П. Геометрія. 10 клас: Дворівневий підручник для 10 класу. - Харків: 2012.

3 Капіносів А.М., Білоусова Г.І., Гап'юк Г.В. та ін. Математика: Посібник для підготовки до зовнішнього незалежного оцінювання. – Тернопіль: Підручники і посібники, 2013. – 400 с.

4 Роганін О.М. Математика: навч. посібник. – К. – Х: Веста, 2012. – 384с.

5 Роганін О.М. Геометрія: навч. посібник. – К. – Х: Веста, 2012. – 192 с.

6 Збірник задач з математики для вступників до ВТУЗів / Під ред. Скнаві М.І. – К.: Вища шк., 1996.

7 Стасюк В.Д. Практикум з розв'язання конкурсних завдань з математики.- К.: Карбон, 2006.

8 Титаренко О.М. Форсований курс шкільної математики.- Х.: Торсінг, 2010.

