

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ  
ВІДОКРЕМЛЕНИЙ СТРУКТУРНИЙ ПІДРОЗДІЛ  
«ОДЕСЬКИЙ АВТОМОБІЛЬНО-ДОРОЖНІЙ ФАХОВИЙ КОЛЕДЖ  
НАЦІОНАЛЬНОГО УНІВЕРСИТЕТУ «ОДЕСЬКА ПОЛІТЕХНІКА»



**ЗАТВЕРДЖЕНО**  
Голова приймальної комісії  
Сергій МИРОНЕНКО  
2023 рік

## **ПРОГРАМА СПІВБЕСІДИ З МАТЕМАТИКИ**

**для вступників до Відокремленого структурного підрозділу  
«Одеський автомобільно-дорожній фаховий коледж  
Національного університету «Одеська політехніка»  
на основі повної загальної середньої освіти (11 клас) у 2023 році**

Програма співбесіди з математики для вступників до Відокремленого структурного підрозділу «Одеський автомобільно-дорожній фаховий коледж Національного університету «Одеська політехніка» у 2023 році складається з трьох розділів.

Перший з них є переліком основних математичних понять і фактів, якими повинен володіти вступник (уміти правильно їх використовувати при розв'язанні задач).

У другому розділі вказано теореми, які необхідно вміти доводити.

У третьому розділі перелічені основні математичні вміння і навички, якими повинен володіти вступник.

## 1 Основні математичні поняття і факти

### 1.1 Арифметика, алгебра і початки аналізу

– Натуральні числа і нуль. Читання і запис натуральних чисел. Порівняння натуральних чисел. Додавання, віднімання, множення та ділення натуральних чисел.

– Подільність натуральних чисел. Дільники і кратні натурального числа. Парні і непарні числа. Ознаки подільності на 2, 5, 3, 9, 10. Ділення з остачею. Прості і складені числа. Розкладання натурального числа на прості множники. Найбільший спільний дільник, найменше спільне кратне.

– Звичайні дроби. Порівняння звичайних дробів. Правильний і неправильний дріб. Ціла та дробова частина числа. Основна властивість дроби. Скорочення дроби. Середнє арифметичне кількох чисел. Основні задачі на дроби.

– Відсотки. Відсоткові розрахунки. Формули простих та складених відсотків.

– Степінь з натуральним, цілим і раціональним показником. Властивості степеня. Арифметичний корінь та його властивості.

– Вирази зі змінними. Раціональні та ірраціональні вирази. Тотожні вирази. Тотожні перетворення виразу. Доведення тотожностей.

– Одночлен і многочлен. Дії над ними. Формули скороченого множення. Корінь многочлена. Розкладання многочленів на множники.

– Поняття функції. Способи завдання функції. Область визначення, область значень функції. Обернена функція. Властивості функцій (парність, непарність, періодичність, монотонність, неперервність).

– Графік функції. Найпростіші перетворення графіків функцій.. Достатня умова зростання (спадання) функції на проміжку. Поняття екстремуму функції. Необхідна умова екстремуму. Найбільше і найменше значення функції на проміжку.

– Означення і основні властивості функції: лінійної  $y = kx + b$ , квадратичної  $y = ax^2 + bx + c$ , степеневі  $y = x^n, (n \in \mathbf{Z}), (n \in \mathbf{R})$ , оберненої пропорційності  $y = \frac{k}{x}$  та  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = |x|$ , показникової  $y = a^x, a > 0, a \neq 1$ ,

тригонометричних  $y = \sin x$ ,  $y = \cos x$ ,  $y = \operatorname{tg} x$ ,  $y = \operatorname{ctg} x$  (обернені тригонометричні функції), логарифмічної  $y = \log_a x$ , ( $y = \ln(x)$ ).

– Синус, косинус, тангенс, котангенс кута. Радіанне вимірювання кутів. Основні співвідношення між тригонометричними функціями одного аргументу. Формули зведення. Формули додавання для тригонометричних функцій та наслідки з них.

– Логарифми та їх властивості. Основна логарифмічна тотожність.

– Розв'язування рівнянь (квадратних, раціональних, ірраціональних, показникових, логарифмічних, рівнянь з модулем).

– Розв'язування нерівностей (квадратних, раціональних, ірраціональних, показникових, логарифмічних, нерівностей з модулем).

– Розв'язування систем рівнянь та нерівностей.

– Використання графічного способу при розв'язуванні рівнянь (нерівностей) та їх систем.

– Арифметична та геометрична прогресії.

– Похідна та її застосування (границя функції в точці; похідна функції, її геометричний і фізичний зміст; правила диференціювання; застосування похідної до дослідження функцій та побудови їхніх графіків).

– Інтеграл та його застосування (первісна та її властивості; визначений інтеграл, його геометричний зміст; обчислення площ плоских фігур, інші застосування інтеграла).

– Розв'язування текстових задач за допомогою систем рівнянь.

– Елементи комбінаторики (комбінаторні правила суми та добутку; перестановки, розміщення, комбінації).

– Теорії ймовірностей і математичної статистики (випадкова подія; відносна частота події; ймовірність події; вибіркові характеристики: розмах вибірки, мода, медіана, середнє значення).

## 1.2 Геометрія

– Пряма, промінь, ламана, довжина відрізка. Кут, величина кута. Вертикальні та суміжні кути. Паралельні прямі. Рівність і подібність геометричних фігур. Відношення площ подібних фігур.

– Приклади перетворення подібних фігур, види симетрії.

– Вектори, дії над векторами (прямокутні координати в просторі; вектори у просторі; дії над векторами; розкладання вектора на складові; дії над векторами, що задані координатами; формули для обчислення довжини вектора, кута між векторами, відстані між двома точками).

– Многокутник. Вершини, сторони, діагоналі многокутника.

– Трикутник. Медіана, бісектриса, висота трикутника, їх властивості. Види трикутників. Співвідношення між сторонами та кутами прямокутного трикутника. Розв'язування трикутників.

– Чотирикутник: паралелограм, прямокутник, ромб, квадрат, трапеція; їх основні властивості.

– Коло і круг. Центр, діаметр, радіус, хорда, січні кола. Залежність між відрізками у колі. Дотична до кола. Дуга кола. Сектор, сегмент.

- Центральні і вписані кути та їх властивості.
- Формули площ геометричних фігур: трикутника, прямокутника, паралелограма, ромба, трапеції.
- Довжина кола і довжина дуги кола. Радіанна міра кута. Площа круга і площа сектора.
- Площина. Паралельні площини і площини, що перетинаються.
- Паралельність прямої і площини у просторі (основні поняття; аксіоми стереометрії та найпростіші наслідки з них; взаємне розміщення прямих у просторі; паралельне проектування і його властивості; зображення фігур у стереометрії; паралельність прямої та площини; паралельність площин).
- Перпендикулярність прямих і площин у просторі (перпендикулярність прямої і площини; перпендикулярність площин; ортогональне проектування; двогранний кут; вимірювання відстаней у просторі: від точки до прямої, від точки до площини, від прямої до площини, між площинами; вимірювання кутів у просторі: між прямими, між прямою і площиною, між площинами).
- Многогранники. Вершини, ребра, грані, діагоналі многогранника. Пряма і похила призми. Піраміда, Правильна призма і правильна піраміда. Паралелепіеди, їх види.
- Тіла обертання: циліндр, конус, сфера, куля. Центр, діаметр, радіус сфери і кулі. Площина, дотична до сфери.
- Формули площ поверхонь і об'ємів призми, піраміди, циліндра конуса.
- Формули площі поверхні сфери, об'єму кулі та її частин (кульового сегмента і сектора).

## 2 Основні формули і теореми

### 2.1 Алгебра і початки аналізу

- Функція  $y = kx + b$ , її властивості і графік.
- Функція  $y = \frac{k}{x}$ , її властивості і графік.
- Функція  $y = ax^2 + bx + c$ , її властивості і графік.
- Арифметичний корінь та його властивості. Тотожність  $\sqrt{a^2} = |a|$ .
- Формули скороченого множення.
- Формули коренів квадратного рівняння.
- Теорема Вієта.
- Розкладання многочленів на лінійні множники.
- Властивості числових нерівностей.
- Логарифми та їх властивості. Основна логарифмічна тотожність. Логарифм добутку, степеня, частки.
- Функції  $y = \sin x, y = \cos x, y = \operatorname{tg} x, y = \operatorname{ctg} x$ , означення, властивості і графіки.
- Обернені тригонометричні функції:  $\arcsin x, \arccos x, \operatorname{arctg} x, \operatorname{arcctg} x$ .

- Розв’язки рівнянь  $\sin x = a, \cos x = a, \operatorname{tg} x = b, \operatorname{ctg} x = b$ .
- Формули зведення.
- Залежність між тригонометричними функціями одного й того ж аргументу.
  - Тригонометричні функції подвійного аргументу.
  - Похідна функції, правила (похідна суми, добутку і частки двох функцій) і техніка диференціювання (диференціювання складної функції)
    - Таблиця похідних основних елементарних функцій (похідні степеневі, тригонометричних, показникової і логарифмічної функцій).
    - Геометричний (рівняння дотичної до графіка функції у точці) і фізичний зміст (швидкість змінення величини в точці).
      - Застосування похідної до дослідження функцій та побудови їхніх графіків.
        - Сполучення без повторів. Перестановки. Розміщення. Комбінації.
        - Ймовірність події.

## 2.2 Геометрія

- Властивості трикутників.
- Властивості точок, рівновіддалених від кінців відрізка.
- Ознаки паралельності та перпендикулярності прямих.
- Сума кутів трикутника. Сума внутрішніх кутів опуклого багатокутника.
  - Ознаки паралелограма.
  - Коло, описане навколо трикутника.
  - Коло, вписане в трикутник.
  - Дотична до кола та її властивість.
  - Вимірювання кута, вписаного в коло.
  - Ознаки рівності, подібності трикутників.
  - Теорема Піфагора, наслідки з теореми Піфагора.
  - Теорема косинусів. Теорема синусів.
  - Формули площ паралелограма, трикутника, трапеції, квадрата, кола.
  - Формула відстані між двома точками площини. Рівняння кола.
  - Ознаки паралельності прямої і площини.
  - Ознака паралельності площин.
  - Теорема про перпендикулярність прямої і площини.
  - Перпендикулярність площин.
  - Перпендикулярність прямих і площин.
  - Паралельність прямих і площин.
  - Формули площ поверхонь і об’ємів призми, піраміди, циліндра, конуса, кулі та її частин (кульового сегмента і сектора).

### 3 Основні вміння і навички

Вступник повинен уміти:

- Виконувати арифметичні дії над натуральними, десятковими і звичайними дробами.
- Виконувати тотожні перетворення многочленів, алгебраїчних дробів, виразів, що містять степеневі, показникові, логарифмічні і тригонометричні функції.
- Будувати і читати графіки лінійної, квадратичної, степеневої, показникової, логарифмічної та тригонометричних функцій.
- Розв'язувати рівняння і нерівності першого і другого степеня, а також рівняння і нерівності, що зводяться до них; розв'язувати системи рівнянь і нерівностей першого і другого степеня, а також системи рівнянь і нерівностей, що зводяться до них; найпростіші рівняння і нерівності, що мають степеневі, показникові, логарифмічні і тригонометричні функції, рівняння та нерівності з модулем.
- Розв'язувати задачі за допомогою рівнянь та систем рівнянь.
- Розв'язувати задачі на відсотки, суміші.
- Зображати фігури на площині і виконувати найпростіші побудови на площині.
- Використовувати відомості з геометрії при розв'язанні алгебраїчних задач, а з алгебри і тригонометрії – геометричних задач.
- Виконувати на площині та у просторі операції над векторами (додавання і віднімання векторів, множення вектора на число) і використовувати їх при розв'язанні практичних задач і вправ.
- Розв'язувати задачі на обчислення площ поверхонь і об'ємів, у тому числі прикладного характеру.
- Застосовувати похідну при дослідженні функції на зростання (спадання), на екстремуми, а також для побудови графіків функцій.
- Застосовувати інтеграл для знаходження площ фігур, обмежених лініями.

### Рекомендована література:

- 1 Мерзляк А. Г., Номіровський Д. А., Полонський В. Б., Якір М. С. Алгебра. Підручник для 11 класу. Харків : Гімназія – 2013.
- 2 Нелін Є. П. Геометрія. 10 клас: Дворівневий підручник для 10 класу. Харків : 2012.
- 3 Капіносов А. М., Білоусова Г. І., Гап'юк Г. В. та ін. Математика : Посібник для підготовки до зовнішнього незалежного оцінювання. Тернопіль : Підручники і посібники, 2013. 400 с.
- 4 Роганін О.М. Математика: навч. посібник. Х : Веста, 2012. 384с.
- 5 Роганін О.М. Геометрія: навч. посібник. Х : Веста, 2012. 192 с.
- 6 Збірник задач з математики для вступників до ВТУЗів / Під ред. Скнаві М. І. К. : Вища шк., 1996.
- 7 Стасюк В. Д. Практикум з розв'язання конкурсних завдань з математики. К. : Карбон, 2006.
- 8 Титаренко О. М. Форсований курс шкільної математики. Х. : Торсінг, 2010.

Голова ПК з математики \_\_\_\_\_ Вікторія ПЕРСНЬОВА